

Musterklausur für den Leistungsnachweis

Themen:	Differenzialgleichungen
Lehrer:	C. Schmitt
Bearbeitungszeit:	90 Minuten (2 Unterrichtsstunden)
Hilfsmittel:	WTR (ohne Grafik; nicht programmierbar), Formelsammlung.
Beachte:	a) Der Rechenweg muss bei allen Aufgabenstellungen nachvollziehbar sein. b) Zwei Formpunkte c) Schmierzettel werden nicht eingesammelt

Aufgaben:

- 1) Ein Auto verliert pro Jahr etwa 15% an Wert.
Berechnen Sie bitte, in welchem Zeitraum der derzeitige Wert eines Autos auf die Hälfte sinkt.

(2 P)

- 2) Ermitteln Sie alle Lösungen der Differenzialgleichung $f'(x) = -\frac{f(x)}{8}$
(ohne besonderes Verfahren, d.h. im Kopf durch „sinnvolles Probieren“).

Entscheiden Sie, welche der Lösungen die Bedingung $f(-8) = 2e$ erfüllt.

(4 P)

- 3) Untersuchen Sie, ob die Funktion $f(x) = 4 + 2 \cdot e^{-3x}$ die Differenzialgleichung $f'(x) = 3[4 - f(x)]$ löst.

(3 P)

- 4) Bestimmen Sie die allgemeine Lösung der Differenzialgleichung

$$f'(x) \cdot f(x) = 2 \cdot e^{2x} \quad \text{durch Separation.}$$

Geben Sie die spezielle Lösung der Gleichung für $f(0) = 2$ an.

(4 P)

- 5) Bestimmen Sie jeweils die allgemeine Lösung der Differenzialgleichung durch **Separation**

a) $f'(x) = 5x^2 \cdot f(x)$

(3 P)

b) $f'(x) - 3x = 4x^2$

(3 P)

- 6) Skizzieren Sie das Richtungsfeld der Differenzialgleichung

$$f'(x) = -\frac{1}{2} \cdot f(x) + 1$$

und zeichnen Sie eine mögliche Lösungskurve.

Entscheiden Sie, welcher Funktionstyp aufgrund Ihrer Zeichnung Lösung sein kann.

(6 P)